

Cwrs Gloywi Algebra

f.3 Chwefror 2003

Cynnwys

Rhagair	2
Sut i ddefnyddio'r llyfryn hwn	2
Nodiadau atgoffa	3
1. Rhifydddeg ffracsynau	4
2. Trin mynogiadau yn ymwneud ag indecsau	6
3. Diddymu cromfachau a ffactoreiddio	11
4. Rhifydddeg ffracsynau algebraidd	16
5. Syrdiau	22
6. Datrys hafaliadau llinol	24
7. Trawsddodiad fformwlâu	27
8. Datrys hafaliadau cwadratig drwy ffactoreiddio	28
9. Datrys hafaliadau cwadratig gan ddefnyddio fformwla safonol a thrwy gwblhau'r sgwâr	29
10. Datrys rhai hafaliadau polynomaidd	30
11. Ffracsynau rhannol	32
Atebion	37
Diolchiadau	41

Rhagair

Mae'r deunydd yn y cwrs gloywi hwn wedi cael ei gynllunio i'ch galluogi i baratoi ar gyfer eich rhaglen fathemateg yn y brifysgol. Pan fydd eich rhaglen yn dechrau, fe welwch y bydd eich gallu i gael y budd mwyaf o ddar�ithoedd a thiwtorialau, ac i ddeall deunydd newydd, yn dibynnu'n allweddol ar eich gallu i drin a thrafod algebra. Rydym yn meddwl fod hyn mor bwysig fel ein bod yn darparu'r cwrs hwn i chi fel y gellwch weithio drwyddo cyn i chi fynd i brifysgol.

Sut i ddefnyddio'r llyfrynn hwn

Yn gyntaf oll, cuddiwch eich cyfrifiannell, a pheidiwch â'i ddefnyddio o gwbl yn ystod yr ymarfer hwn!

Fe'ch cynggorir i weithio drwy bob adran yn y llyfrynn yn eu trefn. Efallai y bydd angen i chi adolygu rhai pynciau trwy edrych mewn gwerslyfr TGAU neu lefel A sy'n cynnwys gwybodaeth am dechnegau algebraidd.

Dylech roi cynnig ar amrywiaeth o gwestiynau o bob adran, a gwirio eich atebion â'r rhai a geir yng nghefn y llyfrynn. Rydym wedi gadael digon o le yn y llyfrynn fel y gellwch wneud unrhyw waith bras sydd ei angen ynddo. Felly, dylech drin hwn fel llyfr gwaith.

Os ydych yn ateb cwestiynau'n anghywir, dylech adolygu'r deunydd a rhoi cynnig arall arni nes eich bod yn cael mwyafrif y cwestiynau'n gywir.

Os na ellwch ddatrys eich anawsterau, peidiwch â phoeni am hyn. Fe fydd darpariaeth ar gael i'ch helpu pan ddechreuwch ar eich cwrs pri-fysgol. Gall hyn fod ar ffurf dar�ithoedd adolygu arbennig, deunydd adolygu hunan-astudio neu ganolfan galw-i-mewn ar gyfer cefnogaeth gyda mathemateg.

Nodiadau Atgoffa

Defnyddiwch y dudalen hon i nodi pynciau a chwestiynau oedd yn anodd i chi.

Cofiwch - chwiliwch am help gyda'r rhain yn syth ar ôl i chi ddechrau eich cwrs yn y brifysgol.

1. Rhifydddeg ffracsiynau

1. 1. Mynegwch bob un o'r canlynol fel ffracsiwn yn ei ffurf fwyaf syml. Er enghraifft, gellir ysgrifennu $\frac{3}{21}$ fel $\frac{1}{7}$. Cofiwch, dim cyfrifianellau!

a) $\frac{20}{45}$ b) $\frac{16}{36}$ c) $-\frac{42}{21}$ d) $\frac{18}{16}$ e) $\frac{30}{30}$ f) $\frac{17}{21}$ g) $-\frac{49}{35}$ h) $\frac{90}{30}$

2. Cyfrifwch

a) $\frac{1}{2} + \frac{1}{3}$ b) $\frac{1}{2} - \frac{1}{3}$ c) $\frac{2}{3} + \frac{3}{4}$ d) $\frac{5}{6} - \frac{2}{3}$ e) $\frac{8}{9} + \frac{1}{5} + \frac{1}{6}$ f) $\frac{4}{5} + \frac{3}{7} - \frac{9}{10}$

3. Enrhifwch y canlynol, gan fynegi pob ateb yn ei ffurf fwyaf syml.

a) $\frac{4}{5} \times \frac{3}{16}$ b) $2 \times 3 \times \frac{1}{4}$ c) $\frac{3}{4} \times \frac{3}{4}$ d) $\frac{4}{9} \times 6$ e) $\frac{15}{16} \times \frac{4}{5}$ f) $\frac{9}{5} \times \frac{1}{3} \times \frac{15}{27}$

4. Enrhifwch:

a) $3 \div \frac{1}{2}$ b) $\frac{1}{2} \div \frac{1}{4}$ c) $\frac{6}{7} \div \frac{16}{21}$ d) $\frac{\frac{3}{4}}{4}$ e) $5 \div \frac{10}{9}$ f) $\frac{3}{4} \div \frac{4}{3}$

5. Mynegwch y canlynol fel ffracsynau cymysg. Mae gan ffracswn cymysg ran rhif cyfan a rhan ffracsynol. Er enghraifft, gellir ysgrifennu $\frac{13}{5}$ fel y ffracswn cymysg $2\frac{3}{5}$.

a) $\frac{5}{2}$ b) $\frac{7}{3}$ c) $-\frac{11}{4}$ d) $\frac{6}{5}$ e) $\frac{12}{5}$ f) $\frac{18}{7}$ g) $\frac{16}{3}$ h) $\frac{83}{9}$

6. Mynegwch y canlynol fel ffracsynau pendrwm. Mewn ffracswn pendrwm mae'r rhif uchaf yn fwy na'r rhif isaf. Mae ei rifiadur yn fwy na'i enwadur. Er enghraifft, gall y ffracswn cymysg $13\frac{4}{5}$ gael ei ysgrifennu fel y ffracswn pendrwm $\frac{69}{5}$.

a) $2\frac{1}{4}$ b) $3\frac{1}{2}$ c) $5\frac{2}{3}$ d) $-3\frac{2}{5}$ e) $11\frac{4}{6}$ f) $8\frac{2}{9}$ g) $16\frac{3}{4}$ h) $89\frac{2}{7}$

2. Trin mynogiadau yn ymwneud ag indecsau

1. 1. Symleiddiwch y mynogiadau algebraidd canlynol.

- a) $x^3 \times x^4$ b) $y^2 \times y^3 \times y^5$ c) $z^3 \times z^2 \times z$ d) $t^2 \times t^{10} \times t$
e) $a \times a \times a^2$ f) $t^3 t^4$ g) $b^6 b^3 b$ h) $z^7 z^7$

2. Symleiddiwch

- a) $\frac{x^6}{x^2}$ b) $\frac{y^{14}}{y^{10}}$ c) $\frac{t^{16}}{t^{12}}$ d) $\frac{z^{10}}{z^9}$ e) $\frac{v^7}{v^0}$ f) x^7/x^4

3. Symleiddiwch y canlynol:

- a) $\frac{10^7}{10^6}$ b) $\frac{10^{19}}{10^{16}}$ c) $\frac{x^7}{x^{14}}$ d) $\frac{x^7}{y^4}$
e) $\frac{(ab)^4}{a^2 b^2}$ f) $\frac{9^9 10^{10}}{10^9}$ g) $\frac{x^9 y^8}{y^7 x^6}$, h) $\frac{(abc)^3}{(abc)^2}$

4. Ysgrifennwch y mynegaiddau canlynol gan ddefnyddio indecsau *positif* yn unig.
Er enghraift gellir ysgrifennu $\frac{x^{-4}}{x^{-2}}$ fel $\frac{1}{x^2}$.

- a) $x^{-2}x^{-1}$ b) $\frac{3x}{x^{-4}}$ c) $\frac{t^{-2}}{t^{-3}}$
d) $(2a^2b^3)(6a^{-3}b^{-5})$ e) $\frac{x^{-3}}{5^{-2}}$ f) $\frac{(27)^{-1}x^{-1}}{y^{-2}}$

5. Enrhifwch y canlynol heb ddefnyddio cyfrifiannell:

- a) $\frac{3}{4^{-2}}$ b) 4×3^{-2} c) $3^{-1}9^2(27)^{-1}$
d) $(0.25)^{-1}$ e) $(0.2)^{-2}$ f) $(0.1)^{-3}$

6. Symleiddiwch

- a) $t^{-6}t^3$ b) $(-y^{-2})(-y^{-1})$ c) $\frac{3y^{-2}}{6y^{-3}}$ d) $(-2t^{-1})(-3t^{-2})(-4t^{-3})$
e) $\frac{3t^{-2}}{6t^3}$ f) $\frac{(2t^{-1})^3}{6t^2}$ g) $\frac{(-2t)^3}{(-4t)^2}$

7. Ysgrifennwch y mynogiadau canlynol gan ddefnyddio indecs sengl. Er enghraifft, gall $(5^3)^{-4}$ gael ei ysgrifennu fel 5^{-12} .

- a) $(5^3)^5$ b) $(3^3)^3$ c) $(17^2)^4$ d) $(y^3)^6$ e) $(\frac{y^{-1}}{y^{-2}})^3$
f) $(\frac{t^{-2}}{t^4})^3$ g) $(k^{-2})^{-6}$ h) $((-1)^4)^3$ i) $((-1)^{-4})^{-3}$

8. Enrhifwch y canlynol heb ddefnyddio cyfrifiannell.

- a) $(4^{-1})^2$ b) $(2^2)^{-1}$ c) $(3^2)^2$ d) $(6^{-2})^{-1}$
e) $\left(\frac{2}{5^2}\right)^{-1}$ f) $(-2)^{-1}$ g) $\left(-\frac{2}{3}\right)^{-2}$

9. Ysgrifennwch y mynogiadau canlynol heb ddefnyddio cromfachau.

- a) $(4^2 5^3)^3$ b) $\left(\frac{3ab}{c^3}\right)^2$ c) $\left(\frac{4^{-2}a^{-3}}{b^{-1}}\right)^2$ d) $(2a^2b)^3$
e) $(3xy^2z^3)^2$ f) $\left(\frac{6}{ab^2}\right)^2$ g) $\left(-\frac{3}{x^2}\right)^2$ h) $\left(\frac{2z^2}{3t}\right)^3$
i) $(-2x)^2$ j) $(-2x^2)^{-2}$ k) $\left(-\frac{2}{x^2}\right)^{-3}$

10. Ysgrifennwch y mynogiadau canlynol heb ddefnyddio cromfachau.

- a) $(6^{1/2})^3$ b) $(5^{1/3})^6$ c) $(10^{0.6})^4$ d) $(x^2)^{1/3}$
e) $(2x^2)^{1/3}$ f) $(a \times a^2)^{1/2}$ g) $(ab^2)^{1/2}$

11. Ysgrifennwch y mynegabau canlynol heb ddefnyddio cromfachau.

a) $(4^3)^{-1/2}$ b) $(3^{-1/2})^{-1/2}$ c) $(7^{2/3})^4$ d) $(19^{3/2})^{1/3}$

e) $(a^2b^{-3})^{-\frac{3}{2}}$ f) $\left(\frac{k^{-1.5}}{\sqrt{k}}\right)^{-2}$

12. Ysgrifennwch y mynegabau canlynol heb ddefnyddio cromfachau.

a) $(5b)^{1/6}$ b) $(3\sqrt{x})^3$ c) $3(\sqrt{x})^3$ d) $(\sqrt{3x})^3$

13. Symleiddiwch

a) $x^{1/2}x^{1/3}$ b) $\frac{x^{1/2}}{x^{1/3}}$ c) $(x^{1/2})^{1/3}$ d) $(8x^3)^{1/3}$

e) $\sqrt{25y^2}$ f) $\left(\frac{27}{t^3}\right)^{1/3}$ g) $(16y^4)^{1/4}$ h) $\left(x^{1/4}x^{1/2}\right)^4$

i) $\sqrt{a^2a^6}$ j) $\sqrt{\frac{a^{-4}}{a^{-1}}}$

3. Diddymu cromfachau a ffactoreiddio.

1. Ysgrifennwch y mynogiadau canlynol heb ddefnyddio cromfachau:

- | | | | | |
|---------------|----------------|----------------|----------------|----------------|
| a) $2(mn)$ | b) $2(m + n)$ | c) $a(mn)$ | d) $a(m + n)$ | e) $a(m - n)$ |
| f) $(am)n$ | g) $(a + m)n$ | h) $(a - m)n$ | i) $5(pq)$ | j) $5(p + q)$ |
| k) $5(p - q)$ | l) $7(xy)$ | m) $7(x + y)$ | n) $7(x - y)$ | o) $8(2p + q)$ |
| p) $8(2pq)$ | q) $8(2p - q)$ | r) $5(p - 3q)$ | s) $5(p + 3q)$ | t) $5(3pq)$ |

2. Ysgrifennwch y mynogiadau canlynol heb ddefnyddio cromfachau
a symleiddiwch lle mae'n bosibl:

- | | | | |
|---------------------|---------------------|---------------------|---------------------|
| a) $(2 + a)(3 + b)$ | b) $(x + 1)(x + 2)$ | c) $(x + 3)(x + 3)$ | d) $(x + 5)(x - 3)$ |
|---------------------|---------------------|---------------------|---------------------|

3. Ysgrifennwch y mynogiadau canlynol heb ddefnyddio cromfachau:

- a) $(7 + x)(2 + x)$ b) $(9 + x)(2 + x)$ c) $(x + 9)(x - 2)$ d) $(x + 11)(x - 7)$
e) $(x + 2)x$ f) $(3x + 1)x$ g) $(3x + 1)(x + 1)$ h) $(3x + 1)(2x + 1)$
i) $(3x + 5)(2x + 7)$ j) $(3x + 5)(2x - 1)$ k) $(5 - 3x)(x + 1)$ l) $(2 - x)(1 - x)$

4. Ailysgrifennwch y mynogiadau canlynol heb ddefnyddio cromfachau:

- a) $(s + 1)(s + 5)(s - 3)$ b) $(x + y)^3$

5. Ffactoreiddiwch

- a) $5x + 15y$ b) $3x - 9y$ c) $2x + 12y$ d) $4x + 32z + 16y$ e) $\frac{1}{2}x + \frac{1}{4}y$

6. Ffactoreiddiwch

- a) $\frac{1}{3}x + \frac{1}{6}xy$ b) $\frac{2}{3}\pi r^3 + \frac{1}{3}\pi r^2 h$ c) $a^2 - a + \frac{1}{4}$ d) $\frac{1}{x^2} - \frac{2}{x} + 1$

7. Ffactoreiddiwch

- a) $x^2 + 8x + 7$ b) $x^2 + 6x - 7$ c) $x^2 + 7x + 10$ d) $x^2 - 6x + 9$ e) $x^2 + 5x + 6$.

8. Ffactoreiddiwch

- a) $2x^2 + 3x + 1$ b) $2x^2 + 4x + 2$ c) $3x^2 - 3x - 6$ d) $5x^2 - 4x - 1$
e) $16x^2 - 1$ f) $-x^2 + 1$ g) $-2x^2 + x + 3$

9. Ffactoreiddiwch

- a) $x^2 + 9x + 14$ b) $x^2 + 11x + 18$ c) $x^2 + 7x - 18$ d) $x^2 + 4x - 77$
e) $x^2 + 2x$ f) $3x^2 + x$, g) $3x^2 + 4x + 1$ h) $6x^2 + 5x + 1$
i) $6x^2 + 31x + 35$ j) $6x^2 + 7x - 5$ k) $-3x^2 + 2x + 5$ l) $x^2 - 3x + 2$

10. Ailysgrifennwch y mynegaadau canlynol heb ddefnyddio cromfachau, gan symleiddio lle mae'n bosibl:

- a) $15 - (7 - x)$ b) $15 - 7(1 - x)$
c) $15 - 7(x - 1)$ d) $(2x - y) - x(1 + y)$
e) $x(a + b) - x(a + 3b)$ f) $2(5a + 3b) + 3(a - 2b)$
g) $-(4a + 5b - 3c) - 2(2a + 3b - 4c)$ h) $2x(x - 5) - x(x - 2) - 3x(x - 5)$

11. Ailysgrifennwch y mynegiadau canlynol heb ddefnyddio cromfachau a symleiddiwch lle mae'n bosibl.

- a) $2x - (3y + 8x)$, b) $2x + 5(x - y - z)$, c) $-(5x - 3y)$, d) $5(2x - y) - 3(x + 2y)$

4. Rhifydddeg ffracs iynau algebraidd

1. Mynegwch bob un o'r canlynol fel ffracs iwn sengl.

a) $2 \times \frac{x+y}{3}$ b) $\frac{1}{3} \times 2(x+y)$ c) $\frac{2}{3} \times (x+y)$

2. Symleiddiwch

a) $3 \times \frac{x+4}{7}$ b) $\frac{1}{7} \times 3(x+4)$ c) $\frac{3}{7} \times (x+4)$ d) $\frac{x}{y} \times \frac{x+1}{y+1}$
e) $\frac{1}{y} \times \frac{x^2+x}{y+1}$ f) $\frac{\pi d^2}{4} \times \frac{Q}{\pi d^2}$ g) $\frac{Q}{\pi d^2/4}$ h) $\frac{1}{x/y}$

3. Symleiddiwch a) $\frac{6/7}{s+3}$ b) $\frac{3/4}{x-1}$ c) $\frac{x-1}{3/4}$

4. Symleiddiwch $\frac{3}{x+2} \div \frac{x}{2x+4}$

5. Symleiddiwch $\frac{5}{2x+1} \div \frac{x}{3x-1}$

6. Symleiddiwch

a) $\frac{x}{4} + \frac{x}{7}$ b) $\frac{2x}{5} + \frac{x}{9}$ c) $\frac{2x}{3} - \frac{3x}{4}$ d) $\frac{x}{x+1} - \frac{2}{x+2}$
e) $\frac{x+1}{x} + \frac{3}{x+2}$ f) $\frac{2x+1}{3} - \frac{x}{2}$ g) $\frac{x+3}{2x+1} - \frac{x}{3}$ h) $\frac{x}{4} - \frac{x}{5}$

7. Symleiddiwch

a) $\frac{1}{x+2} + \frac{2}{x+3}$ b) $\frac{2}{x+3} + \frac{5}{x+1}$ c) $\frac{2}{2x+1} - \frac{3}{3x+2}$
d) $\frac{x+1}{x+3} + \frac{x+4}{x+2}$ e) $\frac{x-1}{x-3} + \frac{x-1}{(x-3)^2}$

8. Mynegwch fel ffracswn sengl $\frac{1}{7}s + \frac{11}{21}$

9. Mynegwch $\frac{A}{2x+3} + \frac{B}{x+1}$ fel ffracsawn sengl.

10. Mynegwch $\frac{A}{2x+5} + \frac{B}{(x-1)} + \frac{C}{(x-1)^2}$ fel ffracsawn sengl.

11. Mynegwch $\frac{A}{x+1} + \frac{B}{(x+1)^2}$ fel ffracsawn sengl.

12. Mynegwch $\frac{Ax+B}{x^2+x+10} + \frac{C}{x-1}$ fel ffracsawn sengl.

13. Mynegwch $Ax+B + \frac{C}{x+1}$ fel ffracsawn sengl.

14. Dangoswch bod $\frac{x_1}{\frac{1}{x_3} - \frac{1}{x_2}}$ yn hafal i $\frac{x_1 x_2 x_3}{x_2 - x_3}$.

15. Symleiddiwch a) $\frac{3x}{4} - \frac{x}{5} + \frac{x}{3}$, b) $\frac{3x}{4} - \left(\frac{x}{5} + \frac{x}{3}\right)$.

16. Symleiddiwch $\frac{5x}{25x + 10y}$.

17. Symleiddiwch $\frac{x+2}{x^2 + 3x + 2}$.

18. Eglurwch pam nad oes unrhyw ganslad yn bosibl yn y mynogiad $\frac{a+2b}{a-2b}$.

19. Symleiddiwch $\frac{x+2}{x^2+9x+20} \times \frac{x+5}{x+2}$

20. Symleiddiwch $\frac{5}{7y} + \frac{2x}{3}$.

21. Mynegwch $\frac{3}{x-4} - \frac{2}{(x-4)^2}$ fel ffracsiwn sengl.

22. Mynegwch $2x - 1 + \frac{4}{x} + \frac{3}{2x+1}$ fel ffracsiwn sengl.

23. a) Mynegwch $\frac{1}{u} + \frac{1}{v}$ fel ffracsiwn sengl. b) Felly, darganfyddwch gilydd (*reciprocal*) $\frac{1}{u} + \frac{1}{v}$.

24. Mynegwch $\frac{1}{s} + \frac{1}{s^2}$ fel ffracsiwn sengl.

25. Mynegwch $-\frac{6}{s+3} - \frac{4}{s+2} + \frac{3}{s+1} + 2$ fel ffracsiwn sengl.

26. Nodwch pa un o'r mynegiadau canlynol sy'n gyfwerth â

$$\frac{2x+1}{2x+4} + \frac{x}{2}$$

a) $\frac{x+1}{x+4} + \frac{x}{2}$

b) $\frac{3x+1}{2x+6}$

c) $1 + \frac{x}{2} - \frac{3}{2x+4}$

d) $\frac{2x+1}{2x} + \frac{2x+1}{4} + \frac{x}{2}$

e) $\frac{x^2+4x+1}{2(x+2)}$

f) $1 + \frac{1}{4} + \frac{x}{2}$

5. Syrdiau

Mae israddau, er enghraifft $\sqrt{2}$, $\sqrt{5}$, $\sqrt[3]{6}$ hefyd yn cael eu galw'n **syrdiau**. Un o achosion cyffredin camgymeriadau yw camddefnyddio mynegiadau'n ymwneud â syrdiau. Dylech fod yn ymwybodol bod $\sqrt{ab} = \sqrt{a}\sqrt{b}$ ond NAD yw $\sqrt{a+b}$ yn hafal i $\sqrt{a}+\sqrt{b}$.

1. Yn aml mae'n bosibl ysgrifennu syrdiau mewn ffurfiau cyfwerth. Er enghraifft, gall $\sqrt{48}$ gael ei ysgrifennu $\sqrt{3 \times 16} = \sqrt{3} \times \sqrt{16} = 4\sqrt{3}$.

Ysgrifennwch y canlynol yn eu ffurfiau mwyaf symbl:

a) $\sqrt{180}$ b) $\sqrt{63}$

2. Trwy luosi'r rhifiadur a'r enwadur â $\sqrt{2} + 1$ dangoswch bod

$$\frac{1}{\sqrt{2} - 1} \quad \text{yn gyfwerth â} \quad \sqrt{2} + 1$$

3. Symleiddiwch, os yw'n bosibl, a) $\sqrt{x^2y^2}$ b) $\sqrt{x^2 + y^2}$.

4. Astudiwch y mynogiadau canlynol a'u symleiddio lle mae'n bosibl.

a) $\sqrt{(x+y)^4}$ b) $(\sqrt[3]{x+y})^6$ c) $\sqrt{x^4 + y^4}$

5. Trwy ystyried y mynriad $(\sqrt{x} + \sqrt{y})^2$ dangoswch bod

$$\sqrt{x} + \sqrt{y} = \sqrt{x + y + 2\sqrt{xy}}$$

Darganfyddwch fynriad cyfatebol ar gyfer $\sqrt{x} - \sqrt{y}$.

6. Ysgrifennwch bob un o'r canlynol fel mynriad o dan arwydd ail isradd sengl.
(Gweler Cwestiwn 5 uchod ar gyfer rhannau c) a d.).)

a) $2\sqrt{p}$ b) $\sqrt{p}\sqrt{q^3}$ c) $\sqrt{p} + \sqrt{2q}$ d) $\sqrt{3} - \sqrt{2}$

7. Defnyddiwch indecsau (pweroedd) i ysgrifennu'r mynogiadau canlynol heb yr arwydd isradd.

a) $\sqrt[4]{a^2}$ b) $(\sqrt{3} \times \sqrt{5})^3$

6. Datrys hafaliadau llinol

Yng nghwestiynau 1 – 35 datryswch bob hafaliad:

1. $3y - 8 = \frac{1}{2}y$ 2. $7t - 5 = 4t + 7$ 3. $3x + 4 = 4x + 3$ 4. $4 - 3x = 4x + 3$

5. $3x + 7 = 7x + 2$ 6. $3(x + 7) = 7(x + 2)$ 7. $2x - 1 = x - 3$ 8. $2(x + 4) = 8$

9. $-2(x - 3) = 6$

10. $-2(x - 3) = -6$

11. $-3(3x - 1) = 2$

12. $2 - (2t + 1) = 4(t + 2)$

13. $5(m - 3) = 8$

14. $5m - 3 = 5(m - 3) + 2m$

15. $2(y + 1) = -8$

16. $17(x - 2) + 3(x - 1) = x$

$$\mathbf{17.} \quad \frac{1}{3}(x+3) = -9 \quad \mathbf{18.} \quad \frac{3}{m} = 4 \quad \mathbf{19.} \quad \frac{5}{m} = \frac{2}{m+1} \quad \mathbf{20.} \quad -3x + 3 = 18$$

$$\mathbf{21.} \quad 3x + 10 = 31 \quad \mathbf{22.} \quad x + 4 = \sqrt{8} \quad \mathbf{23.} \quad x - 4 = \sqrt{23}$$

$$\mathbf{24.} \quad \frac{x-5}{2} - \frac{2x-1}{3} = 6 \quad \mathbf{25.} \quad \frac{x}{4} + \frac{3x}{2} - \frac{x}{6} = 1$$
$$\mathbf{26.} \quad \frac{x}{2} + \frac{4x}{3} = 2x - 7 \quad \mathbf{27.} \quad \frac{5}{3m+2} = \frac{2}{m+1}$$

$$28. \quad \frac{2}{3x-2} = \frac{5}{x-1} \quad 29. \quad \frac{x-3}{x+1} = 4 \quad 30. \quad \frac{x+1}{x-3} = 4 \quad 31. \quad \frac{y-3}{y+3} = \frac{2}{3}$$

$$32. \quad \frac{4x+5}{6} - \frac{2x-1}{3} = x \quad 33. \quad \frac{3}{2s-1} + \frac{1}{s+1} = 0$$

$$34. \quad \frac{1}{5x} + \frac{1}{4x} = 10. \quad 35. \quad \frac{3}{s-1} = \frac{2}{s-5}.$$

7. Trawsddodiad Fformwlâu

1. Gwnewch t yn wrthrych y fformwla $p = \frac{c}{\sqrt{t}}$.

2. Gwnewch N yn wrthrych y fformwla $L = \frac{\mu N^2 A}{\ell}$.

3. Ym mhob achos gwnewch y newidyn penodol yn wrthrych y fformwla:

- a) $h = c + d + 2e$, e b) $S = 2\pi r^2 + 2\pi rh$, h
c) $Q = \sqrt{\frac{c+d}{c-d}}$, c d) $\frac{x+y}{3} = \frac{x-y}{7} + 2$, x

4. Gwnewch n yn wrthrych y fformwla $J = \frac{nE}{nL+m}$.

8. Datrys hafaliadau cwadratig drwy ffactoreiddio

Datryswch yr hafaliadau canlynol drwy ffactoreiddio:

1. $x^2 - 3x + 2 = 0$ 2. $x^2 - x - 2 = 0$ 3. $x^2 + x - 2 = 0$ 4. $x^2 + 3x + 2 = 0$

5. $x^2 + 8x + 7 = 0$ 6. $x^2 - 7x + 12 = 0$ 7. $x^2 - x - 20 = 0$ 8. $x^2 - 1 = 0$

9. $x^2 - 2x + 1 = 0$ 10. $x^2 + 2x + 1 = 0$ 11. $x^2 + 11x = 0$ 12. $2x^2 + 2x = 0$

13. $x^2 - 3x = 0$ 14. $x^2 + 9x = 0$ 15. $2x^2 - 5x + 2 = 0$ 16. $6x^2 - x - 1 = 0$

17. $-5x^2 + 6x - 1 = 0$ 18. $-x^2 + 4x - 3 = 0$

9. Datrys hafaliadau cwadratig: gan ddefnyddio fformwla safonol a thrwy gwblhau'r sgwâr

Datryswch bob un o'r hafaliadau cwadratig canlynol ddwywaith: unwaith gan ddefnyddio'r fformwla, yna drachefn trwy gwblhau'r sgwâr. Dylech nodi eich atebion mewn ffurf swrd, nid degol.

1. $x^2 + 8x + 1 = 0$
2. $x^2 + 7x - 2 = 0$
3. $x^2 + 6x - 2 = 0$
4. $4x^2 + 3x - 2 = 0$
5. $2x^2 + 3x - 1 = 0$
6. $x^2 + x - 1 = 0$
7. $-x^2 + 3x + 1 = 0$
8. $-2x^2 - 3x + 1 = 0$
9. $2x^2 + 5x - 3 = 0$
10. $-2s^2 - s + 3 = 0$
11. $9x^2 + 16x + 1 = 0$
12. $x^2 + 16x + 9 = 0$

13. Dangoswch bod gwraidd $x^2 - 2x + \alpha = 0$ yn $x = 1 + \sqrt{1 - \alpha}$ a $x = 1 - \sqrt{1 - \alpha}$.

14. Dangoswch bod gwraidd $x^2 - 2\alpha x + \beta = 0$ yn

$$x = \alpha + \sqrt{\alpha^2 - \beta} \quad \text{a} \quad x = \alpha - \sqrt{\alpha^2 - \beta}$$

15. Dangoswch bod gwraidd $\lambda^2 - (a + d)\lambda + (ad - bc) = 0$ yn

$$\lambda = \frac{(a + d) \pm \sqrt{a^2 + d^2 - 2ad + 4bc}}{2}$$

10. Datrys rhai hafaliadau polynomaidd

1. Ffactoreiddiwch $x^3 - x^2 - 65x - 63$ o wybod bod $(x + 7)$ yn ffactor.

2. Dangoswch bod $x = -1$ yn wreiddyn o $x^3 + 11x^2 + 31x + 21 = 0$ a lleolwch y gwraidd eraill yn algebraidd.

3. Dangoswch bod $x = 2$ yn wreiddyn o $x^3 - 3x - 2 = 0$ a lleolwch y gwraidd eraill.

4. Datryswch yr hafaliad $x^4 - 2x^2 + 1 = 0$.

5. Ffactoreiddiwch $x^4 - 7x^3 + 3x^2 + 31x + 20$ o wybod bod $(x + 1)^2$ yn ffactor.

6. Datryswch yr hafaliad o wybod bod gan ddau o wraidd $x^4 + 3x^3 - 7x^2 - 27x - 18 = 0$ yr un modwlws ond arwydd gwahanol.

(Awgrym - gadewch i ddau o'r gwraidd fod yn α a $-\alpha$ a defnyddiwch ddull hafalu cyfernodau).

11. Ffracsiynau Rhannol

1.

- a) Darganfyddwch ffracsiynau rhannol $\frac{5x - 1}{(x + 1)(x - 2)}$.
- b) Gwiriwch eich ateb drwy adio'r ffracsiynau rhannol at ei gilydd drachefn.
- c) Mynegwch: $\frac{7x + 25}{(x + 4)(x + 3)}$ mewn ffracsiynau rhannol.
- d) Gwiriwch eich ateb drwy adio'r ffracsiynau rhannol at ei gilydd drachefn.

2. 2. Darganfyddwch ffracsiynau rhannol $\frac{11x + 1}{(x - 1)(2x + 1)}$.

3. Mynegwch bob un o'r canlynol fel swm ffracsiynau rhannol:

a) $\frac{3}{(x + 1)(x + 2)}$ b) $\frac{5}{x^2 + 7x + 12}$ c) $\frac{-3}{(2x + 1)(x - 3)}$

4. Mynegwch y canlynol mewn ffracs iynau rhannol.

a) $\frac{3-x}{x^2-2x+1}$ b) $-\frac{7x-15}{(x-1)^2}$ c) $\frac{3x+14}{x^2+8x+16}$

d) $\frac{5x+18}{(x+4)^2}$ e) $\frac{2x^2-x+1}{(x+1)(x-1)^2}$ f) $\frac{5x^2+23x+24}{(2x+3)(x+2)^2}$

g) $\frac{6x^2-30x+25}{(3x-2)^2(x+7)}$ h) $\frac{s+2}{(s+1)^2}$ i) $\frac{2s+3}{s^2}$.

5. Mynegwch bob un o'r canlynol fel swm ei ffracsiynau rhannol.

a) $\frac{3}{(x^2 + x + 1)(x - 2)}$

b) $\frac{27x^2 - 4x + 5}{(6x^2 + x + 2)(x - 3)}$

c) $\frac{2x + 4}{4x^2 + 12x + 9}$

d) $\frac{6x^2 + 13x + 2}{(x^2 + 5x + 1)(x - 1)}$

6. Mynegwch bob un o'r canlynol fel swm ei ffracsiynau rhannol.

a) $\frac{x + 3}{x + 2}$

b) $\frac{3x - 7}{x - 3}$

c) $\frac{x^2 + 2x + 2}{x + 1}$

d) $\frac{2x^2 + 7x + 7}{x + 2}$

$$\text{e) } \frac{3x^5 + 4x^4 - 21x^3 - 40x^2 - 24x - 29}{(x+2)^2(x-3)} \quad \text{f) } \frac{4x^5 + 8x^4 + 23x^3 + 27x^2 + 25x + 9}{(x^2+x+1)(2x+1)}$$

7. Mynegwch mewn ffracsiynau rhannol:

a) $\frac{2x-4}{x(x-1)(x-3)}$ b) $\frac{1+x}{(x+3)^2(x+1)}$ c) $\frac{x^2+1}{(2x+1)(x-1)(x-3)}$
d) $\frac{4s-3}{2s+1}$ e) $\frac{3s+1}{s(s-2)}$

8. 8. Mynegwch mewn ffracsiynau rhannol

$$\frac{K(1 + \alpha s)}{(1 + \tau s)s}$$

lle mae K , α a τ yn gysonion.

9. Mynegwch mewn ffracsiynau rhannol

a) $\frac{2s + 1}{s^5(s + 1)}$ b) $\frac{2s^3 + 6s^2 + 6s + 3}{s + 1}$

10. Mynegwch mewn ffracsiynau rhannol $\frac{2x + 1}{(x - 2)(x + 1)(x - 3)}$

Atebion

Adran 1. Rhifydddeg ffracsynau

1. a) $\frac{4}{9}$, b) $\frac{4}{9}$, c) -2 , d) $\frac{9}{8}$, e) 1 , f) $\frac{17}{21}$, g) $-\frac{7}{5}$, h) 3
2. a) $\frac{5}{6}$, b) $\frac{1}{6}$, c) $\frac{17}{12}$, d) $\frac{1}{6}$, e) $\frac{113}{90}$, f) $\frac{23}{70}$
3. a) $\frac{3}{20}$, b) $\frac{3}{2}$, c) $\frac{9}{16}$, d) $\frac{8}{3}$, e) $\frac{3}{4}$, f) $\frac{1}{3}$.
4. a) 6 , b) 2 , c) $\frac{9}{8}$, d) $\frac{3}{16}$, e) $\frac{9}{2}$, f) $\frac{9}{16}$
5. a) $2\frac{1}{2}$, b) $2\frac{1}{3}$, c) $-2\frac{3}{4}$, d) $1\frac{1}{5}$, e) $2\frac{2}{5}$, f) $2\frac{4}{7}$, g) $5\frac{1}{3}$, h) $9\frac{2}{9}$
6. a) $\frac{9}{4}$, b) $\frac{7}{2}$, c) $\frac{17}{3}$, d) $-\frac{17}{5}$, e) $\frac{35}{3}$, f) $\frac{74}{9}$, g) $\frac{67}{4}$, h) $\frac{625}{7}$

Adran 2. Trin mynegiadau yn ymwneud ag indecsau

1. a) x^7 , b) y^{10} , c) z^6 , d) t^{13} , e) a^4 , f) t^7 , g) b^{10} , h) z^{14} .
2. a) x^4 , b) y^4 , c) t^4 , d) z , e) v^7 , f) x^3
3. a) 10 , b) 10^3 , c) x^{-7} , d) $\frac{x^7}{y^4}$, e) a^2b^2 , f) $9^9 \cdot 10$, g) x^3y , h) abc
4. a) $\frac{1}{x^3}$, b) $3x^5$, c) t , d) $\frac{12}{ab^2}$, e) $\frac{5^2}{x^3}$, f) $\frac{y^2}{27x}$
5. a) 48 , b) $\frac{4}{9}$, c) 1 , d) 4 , e) 25 , f) 1000
6. a) t^{-3} , b) y^{-3} , c) $\frac{1}{2}y$, d) $-24t^{-6}$, e) $\frac{1}{2t^5}$, f) $\frac{4t^{-5}}{3}$, g) $-\frac{t}{2}$.
7. a) 5^{15} , b) 3^9 , c) 17^8 , d) y^{18} , e) y^3 , f) t^{-18} , g) k^{12} , h) $(-1)^{12} = 1$, i) $(-1)^{12} = 1$.
8. a) $\frac{1}{16}$, b) $\frac{1}{4}$, c) 81 , d) 36 , e) $\frac{25}{2}$, f) $-\frac{1}{2}$, g) $\frac{9}{4}$
9. a) $4^6 5^9$, b) $\frac{9a^2b^2}{c^6}$, c) $\frac{4^{-4}a^{-6}}{b^{-2}} = \frac{b^2}{44a^6}$ d) $8a^6b^3$, e) $9x^2y^4z^6$, f) $\frac{36}{a^2b^4}$,
g) $\frac{9}{x^4}$, h) $\frac{8z^6}{27t^3}$, (i) $4x^2$, j) $\frac{1}{4x^4}$, k) $-\frac{x^6}{8}$.
10. a) $6^{3/2}$, b) 5^2 , c) $10^{2.4}$, d) $x^{2/3}$, e) $2^{1/3}x^{2/3}$, f) $a^{3/2}$, g) $a^{1/2}b$.
11. a) $4^{-3/2}$, b) $3^{1/4}$, c) $7^{8/3}$, d) $19^{1/2}$, e) $a^{-3}b^{9/2}$, f) k^4 .
12. a) $5^{1/6}b^{1/6}$, b) $27x^{3/2}$, c) $3x^{3/2}$, d) $3^{3/2}x^{3/2}$
13. a) $x^{5/6}$, b) $x^{1/6}$, c) $x^{1/6}$, d) $2x$, e) $5y$, f) $\frac{3}{t}$, g) $2y$, h) x^3 , i) a^4 , j) $a^{-3/2}$

Adran 3. Diddymu cromfachau a ffactoreiddio

1. a) $2mn$, b) $2m + 2n$, c) amn , d) $am + an$, e) $am - an$, f) amn , g) $an + mn$,
h) $an - mn$, i) $5pq$, j) $5p + 5q$, k) $5p - 5q$, l) $7xy$, m) $7x + 7y$, n) $7x - 7y$,
o) $16p + 8q$, p) $16pq$, q) $16p - 8q$, r) $5p - 15q$, s) $5p + 15q$, t) $15pq$
2. a) $6 + 3a + 2b + ab$, b) $x^2 + 3x + 2$, c) $x^2 + 6x + 9$, d) $x^2 + 2x - 15$
3. a) $14 + 9x + x^2$, b) $18 + 11x + x^2$, c) $x^2 + 7x - 18$,
d) $x^2 + 4x - 77$, e) $x^2 + 2x$, f) $3x^2 + x$, g) $3x^2 + 4x + 1$
h) $6x^2 + 5x + 1$, i) $6x^2 + 31x + 35$, j) $6x^2 + 7x - 5$
k) $-3x^2 + 2x + 5$, l) $x^2 - 3x + 2$
4. a) $s^3 + 3s^2 - 13s - 15$, b) $x^3 + 3x^2y + 3xy^2 + y^3$

5. a) $5(x + 3y)$, b) $3(x - 3y)$, c) $2(x + 6y)$, d) $4(x + 8z + 4y)$, e) $\frac{1}{2}(x + \frac{1}{2}y)$
6. a) $\frac{x}{3}\left(1 + \frac{y}{2}\right)$, b) $\frac{\pi r^2}{3}(2r + h)$, c) $\left(a - \frac{1}{2}\right)^2$, d) $\left(\frac{1}{x} - 1\right)^2$.
7. a) $(x + 7)(x + 1)$, b) $(x + 7)(x - 1)$, c) $(x + 2)(x + 5)$, d) $(x - 3)(x - 3) = (x - 3)^2$,
e) $(x + 3)(x + 2)$
8. a) $(2x + 1)(x + 1)$, b) $2(x + 1)^2$, c) $3(x + 1)(x - 2)$, d) $(5x + 1)(x - 1)$,
e) $(4x + 1)(4x - 1)$, f) $(x + 1)(1 - x)$, g) $(x + 1)(3 - 2x)$
9. a) $(7 + x)(2 + x)$, b) $(9 + x)(2 + x)$, c) $(x + 9)(x - 2)$, d) $(x + 11)(x - 7)$,
e) $(x+2)x$, f) $(3x+1)x$, g) $(3x+1)(x+1)$, h) $(3x+1)(2x+1)$ i) $(3x+5)(2x+7)$,
j) $(3x + 5)(2x - 1)$, k) $(5 - 3x)(x + 1)$ l) $(2 - x)(1 - x)$
10. a) $8 + x$, b) $8 + 7x$, c) $22 - 7x$, d) $x - y - xy$, e) $-2bx$, f) $13a$, g) $-8a - 11b + 11c$,
h) $7x - 2x^2$.
11. a) $-3y - 6x$, b) $7x - 5y - 5z$, c) $-5x + 3y$, d) $7x - 11y$.

Adran 4. Rhifydddeg Ffracs iynau Algebraidd

1. a) $\frac{2(x+y)}{3}$, b) $\frac{2(x+y)}{3}$, c) $\frac{2(x+y)}{3}$
2. a) $\frac{3(x+4)}{7}$, b) $\frac{3(x+4)}{7}$, c) $\frac{3(x+4)}{7}$, d) $\frac{x(x+1)}{y(y+1)}$, e) $\frac{x(x+1)}{y(y+1)}$, f) $Q/4$, g) $\frac{4Q}{\pi d^2}$, h) $\frac{y}{x}$.
3. a) $\frac{6}{7(s+3)}$, b) $\frac{3}{4(x-1)}$, c) $\frac{4(x-1)}{3}$.
4. $\frac{6}{x}$. 5. $\frac{5(3x-1)}{x(2x+1)}$
6. a) $\frac{11x}{28}$, b) $\frac{23x}{45}$, c) $-\frac{x}{12}$, d) $\frac{x^2-2}{(x+1)(x+2)}$, e) $\frac{x^2+6x+2}{x(x+2)}$, f) $\frac{x+2}{6}$, g) $\frac{9+2x-2x^2}{3(2x+1)}$, h) $\frac{x}{20}$.
7. a) $\frac{3x+7}{(x+2)(x+3)}$, b) $\frac{7x+17}{(x+3)(x+1)}$, c) $\frac{1}{(2x+1)(3x+2)}$, d) $\frac{2x^2+10x+14}{(x+3)(x+2)}$, e) $\frac{x^2-3x+2}{(x-3)^2}$
8. $\frac{3s+11}{21}$.
9. $\frac{A(x+1)+B(2x+3)}{(2x+3)(x+1)}$.
10. $\frac{A(x-1)^2+B(x-1)(2x+5)+C(2x+5)}{(2x+5)(x-1)^2}$
11. $\frac{A(x+1)+B}{(x+1)^2}$
12. $\frac{(Ax+B)(x-1)+C(x^2+x+10)}{(x-1)(x^2+x+10)}$
13. $\frac{(Ax+B)(x+1)+C}{x+1}$
15. a) $\frac{53x}{60}$, b) $\frac{13x}{60}$.
16. $\frac{x}{5x+2y}$, 17. $\frac{1}{x+1}$, 19. $\frac{1}{x+4}$, 20. $\frac{15+14xy}{21y}$,
21. $\frac{3x-14}{(x-4)^2}$, 22. $\frac{4x^3+10x+4}{2x^2+x}$. 23. a) $\frac{v+u}{uv}$, b) $\frac{uv}{v+u}$.
24. $\frac{s+1}{s^2}$. 25. $\frac{2s^3+5s^2+3s+6}{s^3+6s^2+11s+6}$. 26. c) ac e) yn unig. Yn arbennig, sylwer tra bo
 $\frac{a+b}{c}$ yn hafal i $\frac{a}{c} + \frac{b}{c}$, NID yw $\frac{a}{b+c}$ yn hafal i $\frac{a}{b} + \frac{a}{c}$, yn gyffredinol.

Adran 5. Syrdiau

1. a) $\sqrt{180} = \sqrt{36 \times 5} = 6\sqrt{5}$. b) $\sqrt{63} = \sqrt{9 \times 7} = 3\sqrt{7}$.
3. a) xy . b) Sylwer NAD yw $\sqrt{x^2 + y^2}$ yn hafal i $x + y$.
4. a) $(x + y)^2$, b) $(x + y)^2$, c) NID yw $\sqrt{x^4 + y^4}$ yn hafal i $x^2 + y^2$.
5. $\sqrt{x} - \sqrt{y} = \sqrt{x + y - 2\sqrt{xy}}$.
6. a) $\sqrt{4p}$, b) $\sqrt{pq^3}$, c) $\sqrt{p + 2q + 2\sqrt{2pq}}$, d) $\sqrt{5 - 2\sqrt{6}}$.
7. a) $a^{1/2}$, b) $15^{3/2}$

Adran 6. Datrys hafaliadau llinol

- | | | | |
|---------------|----------------------|-----------------------|---------------|
| 1. $16/5$, | 2. 4 , | 3. 1 , | 4. $1/7$, |
| 5. $5/4$, | 6. $7/4$, | 7. -2 , | 8. 0 , |
| 9. 0 , | 10. 6 , | 11. $1/9$, | 12. $-7/6$, |
| 13. $23/5$, | 14. 6 , | 15. -5 , | 16. $37/19$, |
| 17. -30 , | 18. $3/4$, | 19. $-5/3$, | 20. -5 , |
| 21. 7 , | 22. $\sqrt{8} - 4$, | 23. $\sqrt{23} + 4$, | 24. -49 , |
| 25. $12/19$, | 26. 42 , | 27. 1 , | 28. $8/13$, |
| 29. $-7/3$, | 30. $13/3$, | 31. 15 , | 32. $7/6$, |
| 33. $-2/5$, | 34. $x = 9/200$. | 35. $s = 13$. | |

Adran 7. Trawsddodiad fformwlâu

1. $t = \frac{c^2}{p^2}$, 2. $N = \sqrt{\frac{L\ell}{\mu A}}$,
3. a) $e = \frac{h-c-d}{2}$, b) $h = \frac{S-2\pi r^2}{2\pi r}$, c) $c = \frac{d(1+Q^2)}{Q^2-1}$ d) $x = \frac{21-5y}{2}$.
4. $n = \frac{mJ}{E-LJ}$

Adran 8. Datrys hafaliadau cwadratig drwy ffactoreiddio

- | | | | |
|-----------------------|-------------------|-----------------------|----------------------------------|
| 1. $1,2$, | 2. $-1,2$, | 3. $-2,1$, | 4. $-1,-2$, |
| 5. $-7,-1$, | 6. $4,3$, | 7. $-4,5$, | 8. $1,-1$, |
| 9. 1 dwywaith, | 10. -1 dwywaith | 11. $-11,0$, | 12. $0,-1$, |
| 13. $0,3$, | 14. $0,-9$, | 15. $2,\frac{1}{2}$, | 16. $\frac{1}{2},-\frac{1}{3}$, |
| 17. $\frac{1}{5},1$. | 18. $1,3$. | | |

Adran 9. Datrys hafaliadau cwadratig gan ddefnyddio fformwla safonol a thrwy gwblhau'r sgwâr

Cofiwch fod yr atebion i fod ar ffurf syrdiau. Nid yw degolion yn dderbyniol.

1. $-4 \pm \sqrt{15}$.
2. $-\frac{7}{2} \pm \frac{\sqrt{57}}{2}$.
3. $-3 \pm \sqrt{11}$.
4. $-\frac{3}{8} \pm \frac{\sqrt{41}}{8}$.
5. $-\frac{3}{4} \pm \frac{\sqrt{17}}{4}$.
6. $-\frac{1}{2} \pm \frac{\sqrt{5}}{2}$.
7. $\frac{3}{2} \pm \frac{\sqrt{13}}{2}$.
8. $-\frac{3}{4} \pm \frac{\sqrt{17}}{4}$.
9. $\frac{1}{2}, -3$.
10. $-3/2, 1$.
11. $-\frac{8}{9} \pm \frac{\sqrt{55}}{9}$.
12. $-8 \pm \sqrt{55}$.

Adran 10. Datrys rhai hafaliadau polynomaidd

1. $(x+7)(x+1)(x-9)$, 2. $x = -1, -3, -7$,
3. $x = 2, -1$. 4. $x = -1, 1$.
5. $(x+1)^2(x-4)(x-5)$. 6. $(x+3)(x-3)(x+1)(x+2)$

Adran 11. Ffracs iynau rhannol

1. a) $\frac{2}{x+1} + \frac{3}{x-2}$, c) $\frac{3}{x+4} + \frac{4}{x+3}$
2. $\frac{4}{x-1} + \frac{3}{2x+1}$, 3. a) $\frac{3}{x+1} - \frac{3}{x+2}$, b) $\frac{5}{x+3} - \frac{5}{x+4}$, c) $\frac{6}{7(2x+1)} - \frac{3}{7(x-3)}$.
4. a) $-\frac{1}{x-1} + \frac{2}{(x-1)^2}$, b) $-\frac{7}{x-1} + \frac{8}{(x-1)^2}$, c) $\frac{3}{x+4} + \frac{2}{(x+4)^2}$.
- d) $\frac{5}{x+4} - \frac{2}{(x+4)^2}$, e) $\frac{1}{x+1} + \frac{1}{x-1} + \frac{1}{(x-1)^2}$, f) $\frac{3}{2x+3} + \frac{1}{x+2} + \frac{2}{(x+2)^2}$,
- g) $-\frac{1}{3x-2} + \frac{1}{(3x-2)^2} + \frac{1}{x+7}$ h) $\frac{1}{s+1} + \frac{1}{(s+1)^2}$ i) $\frac{2}{s} + \frac{3}{s^2}$.
5. a) $\frac{3}{7(x-2)} - \frac{3(x+3)}{7(x^2+x+1)}$
 b) $\frac{3x+1}{6x^2+x+2} + \frac{4}{x-3}$
 c) $\frac{1}{2x+3} + \frac{1}{(2x+3)^2}$
 d) $\frac{3x+1}{x^2+5x+1} + \frac{3}{x-1}$.
6. a) $1 + \frac{1}{x+2}$
 b) $3 + \frac{2}{x-3}$,
 c) $1 + x + \frac{1}{x+1}$
 d) $2x + 3 + \frac{1}{x+2}$,
 e) $\frac{1}{(x+2)^2} + \frac{1}{x+2} + \frac{1}{x-3} + 3x^2 + x + 2$
 f) $2x^2 + x + 7 + \frac{1}{2x+1} + \frac{1}{x^2+x+1}$
7. a) $-\frac{4}{3x} + \frac{1}{x-1} + \frac{1}{3(x-3)}$. b) $\frac{1}{(x+3)^2}$. c) $\frac{5}{21(2x+1)} - \frac{1}{3(x-1)} + \frac{5}{7(x-3)}$
 d) $2 - \frac{5}{2s+1}$ e) $\frac{7}{2(s-2)} - \frac{1}{2s}$.
8. $\frac{K}{s} + \frac{K(\alpha-\tau)}{1+\tau s}$
9. a) $\frac{1}{s^5} + \frac{1}{s^4} - \frac{1}{s^3} + \frac{1}{s^2} - \frac{1}{s} + \frac{1}{s+1}$. b) $\frac{1}{s+1} + 2s^2 + 4s + 2$.
10. $-\frac{5}{3(x-2)} - \frac{1}{12(x+1)} + \frac{7}{4(x-3)}$

Diolchiadau

Cyfieithiad o **An Algebra Refresher** yw **Cwrs Gloywi Algebra**.

Paratowyd y deunyddiau yn **An Algebra Refresher** gan y cyfranyddion canlynol o'r 'Department of Mathematical Sciences' a'r 'Mathematics Learning Support Centre' ym Mhrifysgol Loughborough:

Dr P K Armstrong

Dr A Croft

Dr A Kay

Dr C M Linton

Dr M McIver

Dr A H Osbaldestin

Cyfieithwyd y gyfrol gan yr Uned Gyfieithu, Prifysgol Cymru, Bangor. Golygwyd y cyfieithiad gan Dr Iestyn Pierce, Ysgol Gwybodeg, Prifysgol Cymru, Bangor.

Cyhoeddir yr argraffiad hwn o **Cwrs Gloywi Algebra** gan LTSN Maths, Stats & OR Network ym *Chwefror 2003*.

Mae modd cael cynnwys y llyfr hwn mewn fformat electronig fel gall adrannau addasu ac argraffu copiâu eu hunain.

Manylion pellach gan:

LTSN Maths, Stats & OR Network

The University of Birmingham

Edgbaston

Birmingham B15 2TT

Ffôn: 0121 414 7095

ebost info@mathstore.ac.uk

<http://ltsn.mathstore.ac.uk>