

Maths Tricks in Hindi

प्रतिशत

दोस्तों! प्रतिशत ऐसा अड्डाय है जिसे अंकगणित में सर्वाधिक महत्व दिया जाना चाहिए। क्योंकि अंकगणित के अधिकतर प्रश्न प्रतिशत के नियमों पर आधारित होते हैं।

प्रतिशत % प्रतिशत का तात्पर्य एक ऐसी भिन्न से है जिसका हर 100 हो।

किसी प्रतिशत को भिन्न, दशमलव या पूर्ण संख्या में बदलने के लिए 100 से भाग देने हैं।

$$* 60\% = 600/100 = 3/5$$

$$* 60\% = 60/100 = 0.6$$

$$* 600\% = 600/100 = 6$$

किसी भिन्न, दशमलव, या पूर्ण संख्या को प्रतिशत में बदलने के लिए 100 से गुणा करते हैं।

$$* 3/5 = \frac{3}{5} \times 100 = \frac{300}{5} = 60\%$$

$$* 0.6 = 0.6 \times 100 = 60\%$$

$$* 6 = 6 \times 100 = 600\%$$

Mohit Tezzas

1. चीनी के मूल्य में 25% की वृद्धि हो जाए तो उसकी खपत में कितने प्रतिशत कमी की जानी चाहिए ताकि व्यय न बढ़े? (a) 20% (b) 30% (c) 25% (d) 35%

* **Ist विधि**

हल: 25% वृद्धि का अर्थ है कि 100 रु. की चीनी 125 में मिलेगी। तो हमें 125 रु. में 25 रु. की कमी करनी होगी = 100 रु. पर कमी $\Rightarrow \frac{100 \times 25}{125} \Rightarrow 20\%$

* **IInd विधि**

$$\% \text{ कमी} = \frac{100 \times 25}{125} \Rightarrow 20\%$$

* **IVth विधि विचार्यसे**

$$20 \times \frac{25}{100} = 5\%$$

5% जोड़े पर 25 प्राप्त हुआ

अतः हमारा विचार्य

A = 20% सही है।

* **IIIrd विधि**

मूल	खपत	कुल व्यय/भर
↓	↓	↓
(पूर्वभाव) 100	$\times 10 \text{ Kg}$	$= 100 \text{ रु.}$
(भाव बढ़े) 125	$\times ?$	$= 100$

$$\text{खपत} = 100/125 = 8 \text{ Kg}$$

स्पष्ट है कि पहले खपत 10 Kg थी तो अब 8 Kg होगी। यदि पहले 100 Kg थी तो

अब 80 Kg होगी अर्थात् 20 Kg की कमी $\Rightarrow 20\% \text{ कमी} //$

- ② चीनी के मूल्य में 50% की वृद्धि कर दी गई खपत में कितने% की कमी की जाए कि व्यय केवल 20% बढ़े ?

$$\frac{100 \times 120}{150} = 80$$

$$\Rightarrow 100 - 80 = 20\% \text{ की}$$

$$\text{मू०} \times \text{खपत} = \text{कुल व्यय/भार}$$

$$10 \times 10 = 100$$

$$15 \times ? = 120$$

$$\text{खपत} = \frac{120}{15} = 8 \text{ K.g.}$$

$$10 \text{ में } 8 \text{ K.g. तो } 100 \text{ में } 80 \text{ K.g.}$$

अर्थात् - 20% की कमी

- ③ यदि किसी वस्तु की खपत में 20% की कमी करने पर व्यय में 12% की वृद्धि हो जाए तो इसके मू० में कितने% की वृद्धि हुई ?

$$\frac{100 \times 112}{80} = 140$$

$$140 - 100 = 40\%$$

$$\text{मू०} \times \text{खपत} = \text{कुल व्यय/भार}$$

$$10 \times 10 = 100$$

$$? \times 8 = 112$$

$$\text{मू० में वृद्धि} \Rightarrow 112/8 = 14 \text{ रु०}$$

$$10 \text{ रु० पर वृद्धि} = 4 \text{ रु० है।}$$

$$\text{तो } 100 \text{ रु०} \Rightarrow 40\% \text{ वृद्धि}$$

- ④ यदि वस्तु के मू० में 30% वृद्धि हो जाए तो व्यय में 20% की कमी हो जाती है। ज्ञात करो इसकी खपत में कितने% वृद्धि या कमी हुई ?

$$\text{मू०} \times \text{खपत} = \text{कुल व्यय/भार}$$

$$10 \times 10 = 100$$

$$13 \times ? = 80$$

$$\text{खपत} \Rightarrow \frac{80}{13} = 61\frac{7}{13}$$

$$100 \text{ में खपत}$$

$$100 - 61\frac{7}{13} = 38\frac{6}{13} \text{ की}$$

- ⑤ किसी वस्तु की कीमत में 50% की कमी हो गई पर इसके लिए लेने वाले व्यय भार में 20% की कमी हुई। यदि कोई ग्रहणी अब 40 K.g चीनी खपत करती है तो पूर्व में कितना खपत करती थी ?

$$\text{मू०} \times \text{खपत} = \text{कुल व्यय/भार}$$

$$10 \times 10 = 100 \text{ रु०}$$

$$5 \times ? = 80$$

$$\text{खपत} = 80/5 = 16 \text{ K.g.}$$

$$\frac{40 \times 10}{16} = 25 \text{ K.g.}$$

- ⑥ एक मिश्रण की सभी भुजाओं में 50% की वृद्धि कर दी जाए तो से.फल में कितना% परिवर्तन होगा ?

$$\text{आधार} \times \text{ऊर्चा} = \text{से.फल}$$

$$10 \times 10 = 100$$

$$15 \times 15 = 225$$

$$\% \text{ वृद्धि} = 225 - 100 = 125\%$$

6 एक मजदूर की मजदूरी ~~कम~~ 40% घटाकर पुनः 40% बढ़ा दी गई, मजदूर की मजदूरी में कितने % परिवर्तन हुआ?

नोट- जब उतनी ही बढ़ाई जाए या उतनी ही घटाई जाए या उतनी ही घटाई जाए या बढ़ाई जाए तो हमेशा कमी होती है।

$$* \frac{40 \times 40}{100} \Rightarrow 16\% \text{ कमी}$$

या

$$* +40 - 40 - \frac{40 \times 40}{100} \Rightarrow -16\% \text{ कमी}$$

अथवा

$$10 \times 10 = 100$$

$$6 \times 14 = 84$$

$$\% \text{ कमी} \Rightarrow 100 - 84 \Rightarrow 16\%$$

7 यदि आयत की ल० एवं चौ० में 10% वृद्धि कर दिया जाए तो क्षेत्रफल में क्या % परिवर्तन होगा?

सूत्र से

$$10 + 10 + \frac{10 \times 10}{100}$$

$$20 + 1 \Rightarrow 21\% \text{ वृद्धि}$$

$$\text{ल०} \times \text{चौ०} = \text{क्षे०}$$

$$10 \times 10 = 100$$

$$11 \times 11 = 121$$

$$\text{तो } 100 \text{ में } \% \text{ वृद्धि} = 121 - 100 \Rightarrow 21\%$$

8 एक आयत की भुजा मापते समय ल० को 20% अधिक तथा चौ० को 10% कम माप लिया गया तो क्षेत्रफल में % त्रुटि ज्ञात करो।

$$20 - 10 - \frac{20 \times 10}{100}$$

$$= 20 - 12 = 8\% \text{ वृद्धि}$$

$$\text{ल०} \times \text{चौ०} = \text{क्षेत्रफल}$$

$$10 \times 10 = 100$$

$$12 \times 9 = 108$$

$$\text{तो क्षे० में } 108 - 100 \Rightarrow 8\% \text{ की वृद्धि}$$

9 यदि वर्ग की भुजा 4 गुना कर दिया जाए तो क्षेत्रफल कितने % बढ़ जाएगा?

$$(4^2 - 1) \times 100$$

$$(16 - 1) \times 100$$

$$15 \times 100 = 1500\%$$

$$\text{भुजा} \times \text{भुजा} = \text{क्षे०}$$

$$10 \times 10 = 100$$

$$40 \times 40 = 1600$$

$$\% \text{ वृद्धि} = 1600 - 100 \Rightarrow 1500\%$$

10. यदि किसी नगर की जनसंख्या में 4% प्रतिवर्ष की दर से वृद्धि हो रही है।
तो जनसंख्या में 2 वर्ष बाद कितने % वृद्धि होगी?

$$\text{प्रथम वर्ष} \times \text{द्वितीय वर्ष} = \text{कुल जनसंख्या}$$

$$10 \times 10 = 100$$

$$10.4 \times 10.4 = 108.16$$

$$\text{दो वर्ष बाद वृद्धि} \Rightarrow 108.16 - 100 = 8.16\%$$

11. एक विद्यार्थी को उत्तीर्ण होने के लिए 40% अंकों की आवश्यकता है। वह 40 अंक प्राप्त करता है और 40 अंकों से केवल हो जाता है परीक्षा के लिए निर्धारित अधिकतम अंक क्या है?

सूत्र से. $\frac{100(\text{प्राप्त अंक} + \text{अंक जिसमें फेल हुआ})}{\text{उत्तीर्ण प्रतिशत}}$

$$= \frac{100(40 + 40)}{40} \Rightarrow \frac{8000}{40} = 200$$

अधिकतम अंक का 40% $\Rightarrow 80$
या अधिकतम अंक $\Rightarrow \frac{80}{40} \times 100 = 200$

12. एक विद्यार्थी को पास होने के लिए 50% अंकों की जरूरत है वह 200 अंक प्राप्त करके 50 अंकों से फेल हो गया तो अधिकतम अंक क्या है?

$$\text{अधिकतम अंक का } 50\% = 250$$

$$\text{अधिकतम अंक} \Rightarrow \frac{100 \times 250}{50} \Rightarrow 500$$

13. एक परीक्षा में 50% हाजिर अंग्रेजी में, 37% गणित में तथा 19% हाजिर दोनों विषयों में फेल हुये तो दोनों विषयों में कितने % हाजिर पास हुये?

अंग्रेजी	दोनों	गणित
	19%	
50%		37%

$$\text{कुल फेल हाजिर} \Rightarrow 50 + 37 - 19 \Rightarrow 76\%$$

$$\text{तो पास हाजिर} \Rightarrow 100 - 76 \Rightarrow 24\%$$

कार्य एवं समय

 यदि कोई व्यक्ति कोई कार्य 20 दिनों में पूरा करता है तो वह एक दिन में $\frac{1}{20}$ कार्य करेगा।
 * $\frac{1}{20}$ दिनों ————— तो वह पूरा कार्य - 20 दिन

- ① 16 व्यक्ति किसी कार्य को 10 दिन में कर सकते हैं इस कार्य को 40 दिन में करने के लिए कितने व्यक्तियों की आवश्यकता होगी?

10 दिन में पूरा करने के लिए - 16 व्यक्ति
 1 दिन में पूरा करने के लिए = $16 \times 10 = 160$ व्यक्ति
 तो - 40 दिन में पूरा करने हेतु = $\frac{160}{40} = 4$ व्यक्ति

$$\frac{16 \times 10}{40} \Rightarrow 4 \text{ व्यक्ति}$$

- ② 40 व्यक्ति, 8 घण्टे में 60 पेड़ काट सकते हैं। यदि 8 व्यक्ति न आये तो 12 घण्टे में कितने पेड़ काटे जा सकेंगे?

व्यक्ति	घण्टा	पेड़	
40	8	60	$\Rightarrow \frac{32 \times 12 \times 60}{40 \times 8} = 72 \text{ पेड़}$
(8 न आये तो) - 32	12	?	

- ③ 40 व्यक्ति 8 घण्टे प्रतिदिन कार्य करके 400 पैन कुछ दिनों में बना सकते हैं यदि 8 व्यक्ति काम पर न आये तो उतने ही दिनों में 12 घण्टे प्रतिदिन कार्य करके कितने पैन बना सकते हैं?

व्यक्ति	घण्टा	पैन	
40	8	400	$\Rightarrow \frac{32 \times 12 \times 400}{40 \times 8} = 576 \text{ पैन}$
32	12	?	

अथवा

दी गई इकाई = 400

व्यक्ति = $40/32 \rightarrow 32/40$

घण्टा = $8/12 \rightarrow 12/8$

$\Rightarrow 400 \times \frac{32}{40} \times \frac{12}{8} \Rightarrow 576$

- ④ 5 व्यक्ति 10 खिलौने 6 दिन में प्रतिदिन 6 घण्टे कार्य करके बनाते हैं कितने दिनों में 12 व्यक्ति 8 घण्टे प्रतिदिन कार्य करके 16 खिलौने बनायेंगे?

व्यक्ति	दिन	घण्टे	खिलौने
5	6	6	10
12	?	8	16

$\Rightarrow \frac{5 \times 6 \times 6 \times 16}{12 \times 8 \times 10} = 3 \text{ दिन}$

- 5) कुछ व्यक्तियों ने मिलकर एक कार्य को 18 दिन में समाप्त करना था परन्तु 6 व्यक्ति आरम्भ से ही अनुपस्थित रहे। तथा शेष व्यक्तियों ने 20 दिन में कार्य पूरा कर लिया तो आरम्भ में कितने व्यक्ति थे?

$$M_1 D_1 = M_2 D_2$$

$$x \times 18 = (x-6) \times 20$$

$$18x = 20x - 120$$

$$2x = 120$$

$$x = 60$$

अथवा

कार्य पूरा होने में लगा समय $\times$ आने/जाने वाले

कार्य पूरा होने में अन्तर

$$\Rightarrow \frac{20 \times 6^2}{-2} = 60$$

- 6) A किसी कार्य को 5 दिन में कर सकता है तथा B उसी कार्य को 6 दिन में कर सकता है तो दोनों मिलकर कार्य कितने दिन में पूरा करेंगे?

A व B का एक दिन

$$\text{का कार्य} = \frac{1}{5} + \frac{1}{6}$$

$$= \frac{6+5}{30} = \frac{11}{30}$$

$$A \text{ व } B \text{ पूरा करेंगे} = \frac{30}{11} = 2\frac{8}{11} //$$

अथवा

$$\frac{x \times y}{x+y}$$

$$= \frac{5 \times 6}{5+6} = \frac{30}{11} = 2\frac{8}{11} //$$

अथवा

$\therefore$ दोनों मिलकर 11 कार्य करते हैं तो 30 कार्य करेंगे

$$= \frac{1}{11} \times 30 = \frac{30}{11} = 2\frac{8}{11} //$$

अथवा

$$5, 6 \text{ का ल.स} = 30, \frac{30}{5} = 6, \frac{30}{6} = 5 = \frac{1}{11} \times 30 = \frac{30}{11} = 2\frac{8}{11} //$$

- 7) यदि A और B किसी कार्य को 6 दिनों में पूरा करते हैं तथा A अकेला उसी कार्य को 10 दिन में पूरा करता है तो B अकेला कितने दिन में करेगा?

A+B का एक दिन

$$\text{का काम} = \frac{1}{6}$$

$$\text{अकेले A का} = \frac{1}{10}$$

$$\text{श्याम का} = \frac{1}{6} - \frac{1}{10} = \frac{5-3}{30} = \frac{1}{15} //$$

$$\Rightarrow 15 \text{ दिन}$$

अथवा

$$\frac{x \times y}{x-y}$$

$$= \frac{6 \times 10}{10-6} = \frac{60}{4} = 15 //$$

अथवा

$$6, 10 \text{ का ल.स} = 30$$

$$\frac{30}{6} = 5, \frac{30}{10} = 3$$

$$(5-3) = 2$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} \times 30 = 15 //$$

- 8) A, B, C किसी कार्य को क्रमशः 10, 15, 30 दिनों में कर सकते हैं तो तीनों मिलकर कितने दिन में करेंगे?

तीनों का एक दिन का काम

$$\frac{1}{10} + \frac{1}{15} + \frac{1}{30}$$

$$= \frac{3+2+1}{30} = \frac{6}{30} = \frac{1}{5}$$

$$= 5 \text{ दिन}$$

अथवा

$$\frac{x \times y \times z}{yz + zx + xy}$$

$$= \frac{10 \times 15 \times 30}{(15 \times 30) + (30 \times 10) + (10 \times 15)}$$

$$= 5 \text{ दिन}$$

अथवा

$$A+B \text{ का कार्य} = \frac{10 \times 15}{25} = 6$$

$$\frac{A+B+C}{26} = \frac{6 \times 30}{26} = 5 \text{ दिन}$$

अथवा

$$10, 15, 30 \text{ का ल.स} = 30$$

$$\frac{30}{10} = 3, \frac{30}{15} = 2, \frac{30}{30} = 1 \Rightarrow \frac{1}{6} \times 30 = 5 \text{ दिन} //$$

9) A और B किसी कार्य को 12 दिन में, B और C 15 दिन में तथा C और A 20 दिन में करते हैं। तीनों मिलकर कितने दिन में कर सकते हैं?

$$\begin{aligned} 2(A+B+C) &= \frac{A \times B \times C}{(A \times B) + (B \times C) + (C \times A)} \\ &= \frac{12 \times 15 \times 20}{(12 \times 15) + (12 \times 20) + (15 \times 20)} \\ &= \frac{12 \times 15 \times 20}{720} = 5 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 2(A+B+C) &= 5 \\ \Rightarrow 5 \times 2 &= 10 \text{ दिन में} \end{aligned}$$

$$12, 15, 20 \text{ का ल.स.} = 60$$

$$\frac{60}{12} = 5, \frac{60}{15} = 4, \frac{60}{20} = 3$$

$$(5 + 4 + 3) = 12$$

$$\frac{1}{12} \times 60 \Rightarrow 5 \quad 5 \times 2 = 10 \text{ दिन}$$

10) 3 आदमी या 4 औरतें किसी कार्य को 43 दिन में कर सकती हैं। इसी कार्य को 7 आदमी और 5 औरतें कितने दिन में करेंगी।

$$\begin{aligned} \text{दिन} &= \frac{1}{\frac{7}{43 \times 3} + \frac{5}{43 \times 4}} \\ &= \frac{1}{\frac{28+15}{516}} = \frac{516}{43} = 12 \text{ दिन} \end{aligned}$$

$$\text{कुल कार्य} = 43 \times 12 = 516$$

$$\Rightarrow \frac{516}{43} = 12 \text{ दिन}$$

11) A और B किसी कार्य को क्रमशः 45 व 40 दिन में कर सकते हैं दोनों ने एक साथ कार्य आरम्भ किया पर कुछ दिनों बाद A ने कार्य छोड़ दिया। शेष कार्य B ने 23 दिनों में समाप्त किया। A ने कार्य कितने दिनों बाद छोड़ा?

$$\begin{aligned} &\left(\frac{40 \times 45}{40+45} \right) \left(\frac{40-23}{40} \right) \\ &= \frac{40 \times 45}{85} \times \frac{17}{40} = 9 \text{ दिन} \end{aligned}$$

अथवा

$$45 \text{ व } 40 \text{ का ल.स.} = 360$$

$$\frac{360}{45} = 8, \quad \frac{360}{40} = 9$$

$$\text{आती 23 दिनों में B का कार्य} \Rightarrow 23 \times 9 = 207$$

$$\text{प्रारम्भ का कार्य (A+B)} = 360 - 207 = 153$$

$$153 \text{ कार्य में (A+B) का समय} = \frac{153}{17} \Rightarrow 9 \text{ दिन}$$

प्रतिशत

दोस्तों! प्रतिशत ऐसा अण्व्याय है जिसे अंकगणित में सर्वाधिक महत्व दिया जाना चाहिए। क्योंकि अंकगणित के अधिकतर प्रश्न प्रतिशत के नियमों पर आधारित होते हैं।

प्रतिशत % प्रतिशत का तात्पर्य एक ऐसी भिन्न से है जिसका हर 100 हो।

किसी प्रतिशत को भिन्न, दशमलव या पूर्ण संख्या में बदलने के लिए 100 से भाग देने हैं।

$$* 60\% = 600/100 = 3/5$$

$$* 60\% = 60/100 = 0.6$$

$$* 600\% = 600/100 = 6$$

किसी भिन्न, दशमलव, या पूर्ण संख्या को प्रतिशत में बदलने के लिए 100 से गुणा करते हैं।

$$* 3/5 = \frac{3}{5} \times 100 = \frac{300}{5} = 60\%$$

$$* 0.6 = 0.6 \times 100 = 60\%$$

$$* 6 = 6 \times 100 = 600\%$$

Mohit Tezias

1. चीनी के मूल्य में 25% की वृद्धि हो जाए तो उसकी खपत में कितने प्रतिशत कमी की जानी चाहिए ताकि व्यय न बढ़े? (a) 20% (b) 30% (c) 25% (d) 35%

* **Ist विधि**

हल: 25% वृद्धि का अर्थ है कि 100 रु. की चीनी 125 में मिलेगी। तो हमें 125 रु. में 25 रु. की कमी करनी होगी
= 100 रु. पर कमी $\Rightarrow \frac{100 \times 25}{125}$
 $\Rightarrow 20\%$

* **IInd विधि**

$$\% \text{ कमी} = \frac{100 \times 25}{125}$$

$$\Rightarrow 20\%$$

* **IVth विधि विचार्यसे**

$$20 \times \frac{25}{100} = 5\%$$

5% जोड़े पर 25 प्राप्त हुआ

अतः हमारा विचार्य

A = 20% सही है।

* **IIIrd विधि**

मूल	खपत	कुल व्यय/भर
↓	↓	↓
(पूर्वभाव) 100	$\times 10 \text{ kg}$	= 100 रु.
(भाव बढ़े) 125	$\times ?$	= 100

$$\text{खपत} = 100/125 = 8 \text{ kg}$$

स्पष्ट है कि पहले खपत 10 kg थी तो अब 8 kg होगी। यदि पहले 100 kg थी तो

अब 80 kg होगी अर्थात् 20 kg की कमी

$\Rightarrow 20\%$ कमी //

- ② चीनी के मूल्य में 50% की वृद्धि कर दी गई खपत में कितने% की कमी की जाए कि व्यय केवल 20% बढ़े ?

$$\frac{100 \times 120}{150} = 80$$

$$\Rightarrow 100 - 80 = 20\% \text{ की}$$

$$\text{मू०} \times \text{खपत} = \text{कुल व्यय/भार}$$

$$10 \times 10 = 100$$

$$15 \times ? = 120$$

$$\text{खपत} = \frac{120}{15} = 8 \text{ K.g.}$$

$$10 \text{ में } 8 \text{ K.g. तो } 100 \text{ में } 80 \text{ K.g.}$$

अर्थात् - 20% की कमी

- ③ यदि किसी वस्तु की खपत में 20% की कमी करने पर व्यय में 12% की वृद्धि हो जाए तो इसके मू० में कितने% की वृद्धि हुई ?

$$\frac{100 \times 112}{80} = 140$$

$$140 - 100 = 40\%$$

$$\text{मू०} \times \text{खपत} = \text{कुल व्यय/भार}$$

$$10 \times 10 = 100$$

$$? \times 8 = 112$$

$$\text{मू० में वृद्धि} \Rightarrow 112/8 = 14 \text{ रु०}$$

$$10 \text{ रु० पर वृद्धि} = 4 \text{ रु० है।}$$

$$\text{तो } 100 \text{ रु०} \Rightarrow 40\% \text{ वृद्धि}$$

- ④ यदि वस्तु के मू० में 30% वृद्धि हो जाए तो व्यय में 20% की कमी हो जाती है। ज्ञात करो इसकी खपत में कितने% वृद्धि या कमी हुई ?

$$\text{मू०} \times \text{खपत} = \text{कुल व्यय/भार}$$

$$10 \times 10 = 100$$

$$13 \times ? = 80$$

$$\text{खपत} \Rightarrow \frac{80}{13} = 6 \frac{2}{13}$$

$$100 \text{ में खपत}$$

$$100 - 6 \frac{2}{13} = 93 \frac{11}{13} \text{ की}$$

- ⑤ किसी वस्तु की कीमत में 50% की कमी हो गई पर इसके लिए लेने वाले व्यय भार में 20% की कमी हुई। यदि कोई ग्रहणी अब 40 K.g चीनी खपत करती है तो पूर्व में कितना खपत करती थी ?

$$\text{मू०} \times \text{खपत} = \text{कुल व्यय/भार}$$

$$10 \times 10 = 100 \text{ रु०}$$

$$5 \times ? = 80$$

$$\text{खपत} = \frac{80}{5} = 16 \text{ K.g.}$$

$$\frac{40 \times 10}{16} = 25 \text{ K.g.}$$

- ⑥ एक मिश्रण की सभी भुजाओं में 50% की वृद्धि कर दी जाए तो से.फल में कितना% परिवर्तन होगा ?

$$\text{आधार} \times \text{ऊर्चा} = \text{से.फल}$$

$$10 \times 10 = 100$$

$$15 \times 15 = 225$$

$$\% \text{ वृद्धि} = 225 - 100 = 125\%$$

6 एक मजदूर की मजदूरी ~~कम~~ 40% घटाकर पुनः 40% बढ़ा दी गई, मजदूर की मजदूरी में कितने% परिवर्तन हुआ?

नोट- जब उतनी ही बढ़ाई जाए या उतनी ही घटाई जाए या उतनी ही घटाई जाए या बढ़ाई जाए तो हमेशा कमी होती है।

$$* \frac{40 \times 40}{100} \Rightarrow 16\% \text{ कमी}$$

या

$$* +40 - 40 - \frac{40 \times 40}{100} \Rightarrow -16\% \text{ कमी}$$

अथवा

$$10 \times 10 = 100$$

$$6 \times 14 = 84$$

$$\% \text{ कमी} \Rightarrow 100 - 84 \Rightarrow 16\%$$

7 यदि आयत की ल० एवं चौ० में 10% वृद्धि कर दिया जाए तो क्षेत्रफल में क्या% परिवर्तन होगा?

सूत्र से

$$10 + 10 + \frac{10 \times 10}{100}$$

$$20 + 1 \Rightarrow 21\% \text{ वृद्धि}$$

$$\text{ल०} \times \text{चौ०} = \text{क्षे०}$$

$$10 \times 10 = 100$$

$$11 \times 11 = 121$$

$$\text{तो } 100 \text{ में } \% \text{ वृद्धि} = 121 - 100 \Rightarrow 21\%$$

8 एक आयत की भुजा मापते समय ल० को 20% अधिक तथा चौ० को 10% कम माप लिया गया तो क्षेत्रफल में% त्रुटि ज्ञात करो।

$$20 - 10 - \frac{20 \times 10}{100}$$

$$= 20 - 12 = 8\% \text{ वृद्धि}$$

$$\text{ल०} \times \text{चौ०} = \text{क्षेत्रफल}$$

$$10 \times 10 = 100$$

$$12 \times 9 = 108$$

$$\text{तो क्षे० में } 108 - 100 \Rightarrow 8\% \text{ की वृद्धि}$$

9 यदि वर्ग की भुजा 4 गुना कर दिया जाए तो क्षेत्रफल कितने% बढ़ जाएगा?

$$(4^2 - 1) \times 100$$

$$(16 - 1) \times 100$$

$$15 \times 100 = 1500\%$$

$$\text{भुजा} \times \text{भुजा} = \text{क्षे०}$$

$$10 \times 10 = 100$$

$$40 \times 40 = 1600$$

$$\% \text{ वृद्धि} = 1600 - 100 \Rightarrow 1500\%$$

10. यदि किसी नगर की जनसंख्या में 4% प्रतिवर्ष की दर से वृद्धि हो रही है।
तो जनसंख्या में 2 वर्ष बाद कितने % वृद्धि होगी?

$$\text{प्रथम वर्ष} \times \text{द्वितीय वर्ष} = \text{कुल जनसंख्या}$$

$$10 \times 10 = 100$$

$$10.4 \times 10.4 = 108.16$$

$$\text{दो वर्ष बाद वृद्धि} \Rightarrow 108.16 - 100 = 8.16\%$$

11. एक विद्यार्थी को उत्तीर्ण होने के लिए 40% अंकों की आवश्यकता है। वह 40 अंक प्राप्त करता है और 40 अंकों से केवल ही जाता है परीक्षा के लिए निर्धारित अधिकतम अंक क्या है?

सूत्र से. $\frac{100(\text{प्राप्त अंक} + \text{अंक जिसमें फेल हुआ})}{\text{उत्तीर्ण प्रतिशत}}$

$$= \frac{100(40 + 40)}{40} \Rightarrow \frac{8000}{40} = 200$$

अधिकतम अंक का 40% $\Rightarrow 80$
या अधिकतम अंक $\Rightarrow \frac{80}{40} \times 100 = 200$

12. एक विद्यार्थी को पास होने के लिए 50% अंकों की जरूरत है वह 200 अंक प्राप्त करके 50 अंकों से फेल हो गया तो अधिकतम अंक क्या है?

$$\text{अधिकतम अंक का } 50\% = 250$$

$$\text{अधिकतम अंक} \Rightarrow \frac{100 \times 250}{50} \Rightarrow 500$$

13. एक परीक्षा में 50% हाजिर अंग्रेजी में, 37% गणित में तथा 19% हाजिर दोनों विषयों में फेल हुये तो दोनों विषयों में कितने % हाजिर पास हुये?

अंग्रेजी	दोनों	गणित
	19%	
50%		37%

$$\text{कुल फेल हाजिर} \Rightarrow 50 + 37 - 19 \Rightarrow 76\%$$

$$\text{तो पास हाजिर} \Rightarrow 100 - 76 \Rightarrow 24\%$$

रेलगाड़ी सम्बन्धी प्रश्न Train Related Questions

- यदि दो रेलगाड़ियों की चाल S_1 तथा S_2 हो, तो समाप्त दिशा में उनकी आपेक्षिक चाल $(S_1 - S_2)$ होती है जहाँ $S_1 > S_2$
- यदि दो रेलगाड़ियों की चाल S_1 तथा S_2 हो, तो विपरीत दिशाओं में उनकी आपेक्षिक चाल $(S_1 + S_2)$ होती है।
- यदि कोई रेलगाड़ी पटरी के बगल में किसी रुकमे या पेड़ को पार करती है, तो उसे अपनी लम्बाई के बराबर पूरी तम करनी पड़ती है।
- यदि रेलगाड़ी की चाल किमी/घण्टा (Kmph) में हो, तो उसे मीटर/सेकण्ड में बदलने के लिये $\frac{5}{18}$ से गुणा करना पड़ता है।
- यदि रेलगाड़ी की चाल मीटर/सेकण्ड (m/s) में हो, तो उसे किमी/घण्टा (Kmph) में बदलने के लिये $\frac{18}{5}$ से गुणा करना चाहिये।

Senia

Trick - 3

- यदि ' L_1 ' तथा ' L_2 ' लम्बाई की दो रेलगाड़ियाँ क्रमशः S_1 तथा S_2 चाल से समानांतर पटरियों पर विपरीत दिशाओं में जा रही हों और एक दूसरे को पार करने में लगा कुल समय t हो, तो

$$\frac{L_1 + L_2}{S_1 + S_2} = t$$

यदि वे समान दिशा में जा रही हों, तो

$$\frac{L_1 + L_2}{S_1 + S_2} = t$$

$$\Rightarrow \frac{L_1 + L_2}{S_2 - S_1} = t$$

~~Sonia~~

Trick - 4

- एक निश्चित लम्बाई की रेलगाड़ी किसी चाल से एक आपसी को ली पटरी के काल में खड़ा है ' t_1 ' समय में पार कर जाती है तथा उतनी ही लम्बाई की एक अन्य रेलगाड़ी किसी दूसरी चाल से उसे ' t_2 ' समय में पार कर जाती, तो एक-दूसरे को पार करने में लगा

$$\text{समय} = \frac{2 \times t_1 \times t_2}{t_1 + t_2}$$

(जब वे विपरीत दिशाओं में चल रही हों)

$$= \frac{2 \times t_1 \times t_2}{t_1 + t_2}$$

(जब वे समान दिशा में चल रही हों)

Trick-5

- एक रेलगाड़ी t_1 समय में एक आदमी/स्वम्भे को तथा t_2 समय में P मीटर लम्बे प्लेटफार्मे को पार कर जामे, तो रेलगाड़ी की लम्बाई

$$\text{Soln} = \frac{P \times t_1}{t_2 - t_1}$$

Trick-6

- दो रेलगाड़ियाँ A तथा B स्टेशन 'X' और 'Y' से एक-दूसरे की ओर क्रमशः S_A तथा S_B चालों से चलती हैं। एक-दूसरे से मिलने के बाद A, t_A समय बाद 'Y' पर तथा B, t_B समय बाद X पर पहुँच जाती है। अतः ऐसी स्थिति में,

$$\frac{S_A}{S_B} = \sqrt{\frac{t_B}{t_A}}$$

Soln

Expert Advice

भाँद L_1 तथा L_2 लम्बाई की दो रेलगाड़ियाँ S_1 तथा S_2 गति से पटरी के बराबर में बड़े एक आदमी को t समय में पार करें, तो वे एक-दूसरे को विपरीत दिशाओं में चलते हुये t समय में ही पार करेंगी!